

$$\frac{\left(\ln \frac{x_i}{x_{i+1}} \right)}{t_{i+1} - t_i} = \delta \rightarrow \text{Abkling konstante}$$

Einsetzen der Messwerte $x(i)$ und $x(i+1)$ in die Lsg. der DGL.

$$x(t) = \hat{x} \cdot e^{-\delta t} \cdot \cos(\omega_D t + \phi)$$

(beachte: die cos-Funktion erreicht bei den Amplitudenwerten immer den Wert 1)

(beachte: die Zeitspanne $t(i+1) - t(i)$ ist gleich der Periodendauer T_0)

$$\delta = \ln \frac{x(i)}{x(i+1)} / T_0$$

$$\text{logarithmisches Dekrement } \Lambda = \ln \frac{x(i)}{x(i+1)}$$

Das Verhältnis zweier aufeinanderfolgender Amplitudenwerte ist konstant:

$$x(i+1) / x(i) = \text{const.}$$

erzwungene Schwingungen

Erzwungene Schwingung

ideal: ungedämpft $m\ddot{x} + cx = 0$

real: gedämpft $m\ddot{x} + b\dot{x} + cx = 0$

erzwungen: $m\ddot{x} + b\dot{x} + cx = F(t)$

$$f(t) = cx + m \frac{d^2 x}{dt^2} + b \frac{dx}{dt}$$