

Gedämpfte freie Schwingung

$F_{\text{Reibung}} \sim v$ **Viskose Reibung** **STOKES-Reibung**

Dgl. der gedämpften freien Schwingung bei STOKESScher Reibung :

$$m\ddot{x} + b\dot{x} + cx = 0 \quad \text{oder} \quad m\ddot{x} + b\dot{x} + kx = 0$$

Die in der „Hüllkurve“ vorkommende sog.

„Abklingkonstante“ δ hängt mit den Koeffizienten

m und b der Dgl. zusammen : $\delta = b / 2m$

Def.: Abklingkonstante : $\delta = b / 2m$

Def.: dimensionslose Dämpfung : $D = \delta / \omega_0$

Def.: Verlustfaktor : $d = 2D$

Def.: Güte : $Q = 1 / d$

Lösung der Dgl. : Unterscheidung in drei Fälle

- | | |
|---|---|
| 1 | Schwache Dämpfung (Schwingfall) |
| 2 | Mittlere Dämpfung (aperiodischer Grenzfall) |
| 3 | Starke Dämpfung (Kriechfall) |

1	$x(t) = \hat{x} \cdot e^{-\delta t} \cdot \cos(\omega_{0D} t + \phi)$	$\omega_{0D}^2 = \omega_0^2 - \delta^2$	$\delta < \omega_0$	$b^2 < 4mc$
2	$x(t) = \hat{x} \cdot e^{-\delta t} \cdot (1 - \delta \cdot t)$	$\omega_{0D}^2 = \omega_0^2 - \delta^2$	$\delta = \omega_0$	$b^2 = 4mc$
3	$x(t) = \hat{x} \cdot e^{-\delta t} \cdot f(t, \delta, \omega_0)$	$\omega_{0D}^2 = \omega_0^2 - \delta^2$	$\delta > \omega_0$	$b^2 > 4mc$

$$x(t) = \hat{x} e^{-\delta t} \cdot \cos(\omega_0 t)$$

$$\textcircled{1} \quad x_i = \hat{x} \cdot e^{-\delta t_i} \cdot \cos(\omega_0 t_i)$$

$$\textcircled{2} \quad x_{i+1} = \hat{x} \cdot e^{-\delta t_{i+1}} \cdot \cos(\omega_0 t_{i+1})$$

$$\left. \begin{array}{l} \textcircled{1} \\ \textcircled{2} \end{array} \right\} \cos(\omega_0 \cdot t \dots) = 1$$

$$\left. \begin{array}{l} x_i = \hat{x} e^{-\delta t_i} \\ x_{i+1} = \hat{x} e^{-\delta t_{i+1}} \end{array} \right\} \frac{x_i}{x_{i+1}} = \frac{e^{-\delta t_i}}{e^{-\delta t_{i+1}}}$$

$$= e^{-\delta t_i + \delta t_{i+1}}$$

$$= e^{\delta(t_{i+1} - t_i)}$$

$$\ln\left(\frac{x_i}{x_{i+1}}\right) = \delta(t_{i+1} - t_i) \quad \underbrace{\ln(e)}_1$$