

Differentialgleichung (Dgl):

$$\text{Normalform: } \ddot{x} + \omega^2 x = 0$$

$$\omega^2 = \frac{k}{m}$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} \rightarrow \text{Eigenkreisfrequenz der ungedämpften Schwingung}$$

$\ddot{x} + \frac{k}{m} \cdot x = 0 \rightarrow$ Dieser Typ Dgl wird durch "harmonische Ansätze" gelöst.

gesucht: $x(t) \rightarrow$ Lösung der Dgl: "harmonischer Ansatz"

harmonische Ansätze:

a)

$$x(t) = \hat{x} \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi_0)$$

$x(t) \rightarrow$ Elongation

$\hat{x} \rightarrow$ Amplitude

$\omega_0 \rightarrow$ Eigenkreisfrequenz $\omega_0 = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$

$\varphi_0 \rightarrow$ Auslenkungswinkel zum Zeitpunkt $t=0$.

b) $x(t) = c_1 \cos(\omega_0 t) + c_2 \sin(\omega_0 t)$

Immer: drei Konstanten zu bestimmen

- ω_0 aus Dgl.

- φ_0 und \hat{x} bzw. c_1 und c_2 aus Anfangsbedingung

z.B. $x(t=0)$; $v(t=0)$