

b)

$$E: \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -4 \\ 6 \\ -3 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix} \quad s, t \in \mathbb{R}$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = \vec{n}$$

$$\vec{n} = \begin{pmatrix} -4 \\ 6 \\ -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 27 \\ 9 \\ -18 \end{pmatrix}$$

$$\vec{r} \circ \vec{n} - \vec{r}_0 \circ \vec{n} = 0$$

$$27x + 9y - 18z - 27 \cdot 1 - 9 \cdot (-2) + 18 \cdot 4$$

$$27x + 9y - 18z + 63 = 0$$

2.8.5

a) Beispiel:

$$E: \vec{r} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \quad Q = (3; 3; 4)$$

$$\vec{n} = \vec{a} \times \vec{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$e_{\vec{n}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{3}} \\ \frac{1}{\sqrt{3}} \\ \frac{1}{\sqrt{3}} \end{pmatrix} \rightarrow \text{Normaleneinheitsvektor}$$